

## Tipps zu Ableitungen

$$f(x) = x^n \Rightarrow f'(x) = n \cdot x^{n-1}$$

$$f(x) = mx + b \Rightarrow f'(x) = m$$

### Beispiele:

$$f(x) = x^3 \Rightarrow f'(x) = 3x^2$$

$$f(x) = 5x^2 - 8x + 4 \Rightarrow f'(x) = 10x - 8$$

$$f(x) = \frac{4}{x^2} = 4x^{-2} \Rightarrow f'(x) = -8x^{-3}$$

$$f(x) = \sqrt{x} = x^{1/2} \Rightarrow f'(x) = 1/2 \cdot x^{-1/2} = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$f(x) = ax^2 + b^9 \Rightarrow f'(x) = 2ax$$

Gegeben ist die Funktion  $f(x) = 2x^2 - 3x$ :

Wie groß ist die Steigung von  $f$  an der Stelle  $x = 1$ ?

$$f'(x) = 4x - 3$$

$$f'(1) = 4 \cdot 1 - 3 = 1$$

Wie groß ist der Neigungswinkel an dieser Stelle ?

$$f'(x_0) = \tan(\alpha)$$

$$f'(1) = \tan(\alpha)$$

$$1 = \tan(\alpha) \quad | \tan^{-1}(\ )$$

$$\alpha = \tan^{-1}(1) = 45^\circ$$

An welcher Stelle ist die Steigung  $m = 5$  (oder ist die Tangente parallel zu  $g(x) = 5x + 10$ )?

$f'(x) = 5$  nach  $x$  auflösen:

$$4x - 3 = 5 \quad | +3$$

$$4x = 8 \quad | :4$$

$$x = 2$$

Wenn der Punkt gesucht wird, in dem die Steigung 5 ist: Hier muss noch  $f(2)$  berechnet werden:

$f(2) = 8 - 6 = 2$ . Also ist im Punkt  $P(2; 2)$  die Steigung 5.

### Noch ein Beispiel:

Gegeben ist  $h_k(x) = x^3 - 2kx + k^3$ . Wie muss  $k$  gewählt werden, damit  $h_k$  an der Stelle  $x = 2$  die Steigung 3 hat:

$$h_k'(x) = 3x^2 - 2k$$

$$h_k'(2) = 3 \cdot 2^2 - 2k = 3$$

$$12 - 2k = 3 \quad | -12$$

$$-2k = -9 \quad | :(-2)$$

$$k = 9/2$$